



Übungen zur Vorlesung »WInf III / Einf. OR«

Übungsblatt 6

Präsenzaufgabe 6.1

Bestimmen Sie einen maximalen Fluss für das in Abbildung 1 gegebenes Netzwerk (Quelle s und Senke t), mit Hilfe des Algorithmus von Ford-Fulkerson. Nehmen Sie dabei an, dass die Mindestkapazität der Kanten 0 ist.

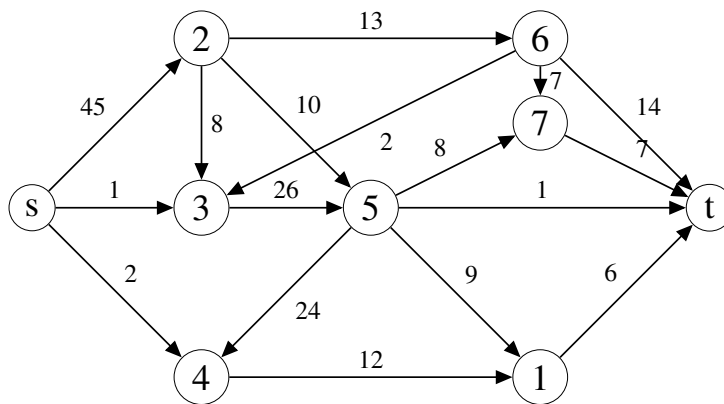


Abbildung 1: Ein Flussnetzwerk. Angegeben sind obere Kapazitäten, die unteren Kapazitäten sind 0.

Präsenzaufgabe 6.2

Beweisen Sie Lemma 2.2.3 aus der Vorlesung. Dieses besagt, dass für jeden Fluss f gilt

$$v(f) \leq \min_{(S,T)} [c(S,T) - \ell(T,S)].$$

Hausaufgabe 6.3 (5 Punkte)

Zum Tag des Sports finden in einer Stadt $n \in \mathbb{N}$ verschiedene Sportveranstaltungen v_i mit Startzeit r_i und Dauer p_i , $i \in \mathbb{N}_{\leq n}$ statt. Ein Presseteam braucht außerdem die Zeit $d_{i,j}$ um vom Veranstaltungsort, an dem v_i stattfindet, zum Veranstaltungsort, an dem v_j stattfindet, zu gelangen.

Gesucht ist die minimale Anzahl an Presseteams, die notwendig sind, um jede Sportveranstaltung zu dokumentieren.

Formulieren Sie dieses Problem als ein Flussproblem in einem Netzwerk.

Hinweis: Verwenden Sie ein Netzwerk mit unteren und oberen Kapazitäten und benutzen sie für jede Veranstaltung einen Anfangs- und einen Endknoten.

Hausaufgabe 6.4 (5 Punkte)

Gegeben sei ein Flussgraph $G = (V, D)$ mit oberen Kapazitäten c_{ij} und unteren Kapazitäten $\ell_{ij} = 0$. Ein $s - t$ -Schnitt ist eine Partition von V in S und T mit $s \in S$ und $t \in T$. Ein $s - t$ -Schnitt ist dabei minimal, falls die Summe der Kantenkapazitäten von Kanten auf dem Schnitt, also

$$c(S, T) = \sum_{i \in S, j \in T} c_{ij},$$

minimal ist.

Geben Sie einen Algorithmus an, der für gegebenen Flussgraph G und gegebenen maximalen s - t -Fluss in G , den minimalen $s - t$ -Schnitt in Zeit $O(|E|)$ bestimmt.

Hinweis: Beachten Sie auch Satz 2.2.4 und Lemma 2.2.2.

Abgabe: Donnerstag, den 8. Dezember, bis spätestens 11 Uhr im Schrein