



Aufgaben zur Vorlesung »Approximative Algorithmen«

Blatt 4

Hausaufgabe 4.1 (4 Punkte)

Sei ein euklidisches TSP durch Punkte $p_i = (x_i, y_i)$ gegeben. Zeigen Sie, dass es in einer optimalen Tour keine Überschneidungen gibt.

Hausaufgabe 4.2 (6 Punkte)

Sei T eine Tour für ein euklidisches TSP, gegeben durch $V \subset \mathbb{R}^2$, und l ein Streckensegment der Länge s , das keinen Punkt von V enthält. Dann gibt es eine Tour T' für V mit $c(T') \leq c(T) + 6s$, die l höchstens zweimal kreuzt.

Hinweis: Angenommen T schneidet l mit $k \geq 3$ Kanten e_1, \dots, e_k . Unterteile jede Kante, die l schneidet, durch zwei neue Punkte $p_i, q_i, 1 \leq i \leq k$, die sehr nahe an l liegen. Setze $t := \lfloor (k - 1)/2 \rfloor$. Entferne alle Teilstücke zwischen p_i und q_i für $1 \leq i \leq 2t$. Überlegen Sie sich welche Kanten, die l nicht schneiden, hinzugefügt werden müssen, um einen eulerischen Graphen zu erhalten, und wie nun eine kürzeste Tour ermittelt werden kann. Schätzen Sie die Länge dieser Tour geeignet ab.

